

Σοφία Αλεξανδρόβνα Νεϊμάρκ Λανονσκάγια



Recibió la orden de Lenin en 1951.

La paradoja de Zenón

Zenón de Alejandría presentó una serie de paradojas para desmontar las teorías de Aristóteles. La más conocida es la de Aquiles y la tortuga.

Aquiles, el de los pies ligeros, es el corredor más veloz de toda Grecia. Y la tortuga... bueno, es una tortuga. Lenta. Ceremoniosa. Pesada. Arreglan correr una carrera. Aquiles corre diez veces más rápido que la tortuga, por lo que decide darle diez metros de ventaja.

Empiezan. Aquiles corre esos diez metros, pero en ese tiempo la tortuga corre un metro. Aquiles corre ese metro y la tortuga, diez veces más lenta, corre un decímetro. Entonces Aquiles corre ese decímetro, pero la tortuga corre un centímetro. Cuando Aquiles corre ese centímetro, la tortuga corre la décima parte de un centímetro. Y así infinitamente.

Aquiles, el de los pies ligeros, jamás podría alcanzar a la tortuga, aunque la carrera durara por siempre.

Para resolver la paradoja hacen falta ciertos conocimientos de cinemática y tener claro que, cuando jugamos con el infinito, no vale el mismo razonamiento que cuando estamos en el mundo finito. Vamos a resolver una paradoja más simple. Supongamos que Aquiles recorre la mitad del camino, luego la mitad de lo que le queda, luego la otra mitad y así sucesivamente. Nunca llegará a su destino porque siempre quedará una mitad de recorrer.

Pero echemos mano de lo que sabemos de las progresiones: si el camino mide 1, al principio recorre $\frac{1}{2}$, luego la mitad de $\frac{1}{2}$, que es $(\frac{1}{2})^2$

Cuando lleve n mitades, recorrerá $(1/2)^n$

¿Cuánto llevará recorrido? La suma de todas las mitades
 $\frac{1}{2} + (1/2)^2 + \dots + (1/2)^n$

Tenemos una progresión geométrica de razón $\frac{1}{2}$. La suma de los infinitos términos de una progresión geométrica es $s = \frac{a_1}{1-r}$

Si cambias r por $\frac{1}{2}$ y el primer término también, verás que Aquiles ha recorrido el camino.

